

## EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

### Durée 1h 30

#### Questions Obligatoires

1.] Soit  $P$  l'énoncé : "Pour qu'un pion soit blanc il **faut** qu'il soit en bois"  
Alors  $P$  signifie :

- (A) "Tout pion blanc est en bois"
- (B) "Tout pion en bois est blanc"
- (C) "Si un pion est blanc alors il est en bois"
- (D) "Si un pion est en bois alors il est blanc"
- (E) "Pour qu'un pion soit en bois il suffit qu'il soit blanc"

2.]

- (A)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1-x)}{x} = 1$
- (B)  $\lim_{x \rightarrow 0} x \sin\left(\frac{1}{x}\right) = 0$
- (C)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^2 + x - 3}{x^2 + x + 1} = 2$
- (D)  $\lim_{x \rightarrow 0} e^{-\frac{1}{x^2}} = 0$
- (E)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^2} - 1}{x} = 1$

3.] Soit  $f$  une fonction définie et dérivable sur  $]1, +\infty[$  dont le tableau de variations est :

$x$	1	3	5	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$	$\swarrow$ $\nearrow$		$-1$	$\searrow$
		$-3$			$-2$

On note  $C$  sa courbe représentative dans un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . Alors :

- (A)  $f'(4) < 0$
- (B)  $C$  admet une asymptote verticale
- (C)  $C$  admet une asymptote horizontale
- (D) L'équation  $f(x) = 0$  n'admet pas de solution dans  $[3, +\infty[$
- (E) L'équation  $f(x) = -1$  admet deux solutions dans  $]1, +\infty[$

4.] Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  par :  $f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}$ .

On note  $C$  la courbe représentative de  $f$  dans un repère orthonormal.

- (A) La droite d'équation  $x = 1$  est une asymptote verticale de  $C$
- (B)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
- (C) La droite d'équation  $y = x$  est asymptote à  $C$  en  $-\infty$
- (D)  $f$  est croissante sur  $]1, +\infty[$
- (E)  $f$  est décroissante sur  $]0, 1[$

5.] Soit  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$\begin{cases} f(x) = 1 - x^2 & \text{si } x < 0 \\ f(x) = x^2 + 2 & \text{si } x \geq 0 \end{cases}$$

Alors :

- (A)  $f$  n'admet pas de limite en 0
- (B)  $f$  est dérivable en 0
- (C)  $f$  est croissante sur  $\mathbb{R}$
- (D) L'équation  $f(x) = 0$  admet une et une seule solution dans  $\mathbb{R}$
- (E)  $f$  admet une fonction réciproque définie sur  $\mathbb{R}$

6.]

- (A)  $\int_0^1 (t-1)^2 dt = \frac{1}{3}$
- (B)  $\int_1^2 \frac{1}{t^2} dt = \ln 4$
- (C)  $\int_0^1 \frac{1}{t+1} dt = \frac{1}{2}$
- (D)  $\int_0^\pi t \cos t dt = -2$
- (E)  $\int_0^\pi t \sin t dt = -2$

7.] Soit  $f$  la fonction définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = (x+1)e^{-2x}$ . On a :

- (A) Pour tout  $x \in \mathbb{R}$   $f'(x) = (x+2)e^{-2x}$
- (B)  $f$  est croissante sur  $] -\infty, -\frac{1}{2} [$
- (C) La tangente à la courbe de  $f$  au point d'abscisse 0 a pour équation  $y = -x + 1$
- (D)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$
- (E)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

8.] Soit  $f$  la fonction définie sur  $D = ]-2, 0[ \cup ]0, +\infty[$  par :  $f(x) = -3x + 2 + \frac{\ln(x+2)}{x}$

On note  $C$  sa courbe représentative dans un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  et

$\Delta$  la droite d'équation  $y = -3x + 2$

Alors :

- (A)  $\Delta$  est asymptote à  $C$  en  $+\infty$
- (B) Le point  $M(-1, 5)$  appartient à l'intersection de  $\Delta$  et  $C$
- (C)  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 2$
- (D)  $C$  admet deux asymptotes verticales
- (E) Il existe  $a > 0$  tel que  $f$  soit décroissante sur  $]a, +\infty[$

**Questions à choisir (4 questions à choisir parmi les suivantes)**

9.] Soit  $(u_n)$  une suite géométrique réelle de premier terme  $u_0 = 36$  et de raison  $q$ .

Alors :

- (A) Si  $u_3 = \frac{4}{3}$  alors  $q = \frac{1}{3}$
- (B) Si  $\frac{u_2}{u_4} = 4$  alors  $q = 2$
- (C) Si  $q < \frac{1}{3}$  alors  $u_4 < 1$
- (D) Si il existe  $n \in \mathbf{N}$  tel que  $u_n = 1$  alors  $q = \frac{1}{6}$
- (E) Si  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n) = 30$  alors  $q = -\frac{1}{5}$

10.] La suite réelle  $(u_n)$  est convergente :

- (A)  $u_n = \frac{n\sqrt{n+1}}{n^2+1}$
- (B)  $u_n = \frac{1+(-1)^n\sqrt{n}}{n+1}$
- (C)  $u_n = \frac{\cos n}{n+1}$
- (D)  $u_n = \frac{(-1)^n n}{\sqrt{n+1}}$
- (E)  $u_n = \frac{\ln(e^n+1)}{\sqrt{n+1}}$

11.] Un service de recrutement reçoit 15 dossiers dont 6 comportent un avis favorable et les 9 autres un avis défavorable. Les 15 dossiers sont classés au hasard.

La probabilité de l'évènement

- (A) le premier dossier est favorable et le deuxième défavorable est  $\frac{9}{35}$
- (B) les deux premiers dossiers sont favorables est  $\frac{1}{7}$
- (C) les deux premiers dossiers sont défavorables est  $\frac{6}{7}$
- (D) au moins un des deux premiers dossiers est défavorable est  $\frac{6}{7}$
- (E) le deuxième dossier est favorable sachant que le premier est défavorable est  $\frac{3}{7}$

12.] On lance deux dés dont les faces sont numérotées de 1 à 6. Pour chaque dé, les probabilités d'obtenir une des six faces sont égales. On note  $S$  la somme des points des faces supérieures. Si  $2 \leq S \leq 3$  on gagne 20 points, si  $3 < S \leq 5$  on gagne 10 points, si  $5 < S < 10$  on gagne 5 points et si  $10 \leq S \leq 12$  on gagne 1 point.

On note  $X$  la variable aléatoire donnant le nombre de points par lancer

- (A)  $P(X = 20) = P(X = 1)$
- (B)  $P(X = 5) = \frac{5}{9}$
- (C)  $P(X \leq 5) = \frac{13}{18}$
- (D)  $P(X \geq 10) = \frac{5}{18}$
- (E) L'espérance de  $X$  est  $\frac{64}{9}$

13.] Soit  $m \in \mathbb{R}$ . Dans l'espace rapporté à un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , on considère les plans  $P$  et  $Q$  :

$$P : x - y + 2z + 3 = 0 \quad Q : x + my + 2z + 1 = 0$$

Alors :

- (A) Pour que  $P$  et  $Q$  soient sécants il faut que  $m \neq -1$
- (B) Si  $m = -1$  alors  $P$  et  $Q$  sont parallèles
- (C) Si  $m = -1$  alors la droite de vecteur directeur  $\vec{u}(1, -1, 2)$  et passant par le point  $I(3, 0, -3)$  est perpendiculaire à  $Q$
- (D) Si  $m = 5$  alors  $P$  et  $Q$  sont perpendiculaires
- (E) Si  $m = 5$  alors l'intersection de  $P$  et  $Q$  est une droite de vecteur directeur  $\vec{v}(-2, 0, 1)$

14.] Soit  $\omega$  un réel strictement positif et  $z = \frac{1+i\omega}{1-i\omega}$

Alors :

- (A) La partie réelle de  $z$  est égale à 1
- (B) La partie imaginaire de  $z$  est égale à  $2\omega$
- (C) Le module de  $z$  est égal à 1
- (D) Le module de  $\frac{(1+i\omega)^2}{1-i\omega}$  est égal à  $\sqrt{1+\omega^2}$
- (E) Le module de  $\frac{1+i\omega}{(1-i\omega)^2}$  est égal au module de  $\frac{(1+i\omega)^2}{1-i\omega}$

15.] Dans le plan complexe muni d'un repère orthonormal, on considère les points  $P, Q, R$  et  $S$  d'affixe respective  $z, z', \bar{z}, \bar{z}'$  où  $z = -\sqrt{3} + i$  et  $z' = -\sqrt{2} + i\sqrt{2}$   
Alors :

- (A)  $|z| = |z'|$
- (B)  $OP = OS$
- (C) Les droites  $(PR)$  et  $(QS)$  sont parallèles
- (D) Le triangle  $POR$  est isocèle
- (E) Les points  $P, Q, R$  et  $S$  sont sur le cercle de centre  $O$  et de rayon 2


16.] Soit  $f$  une fonction définie et dérivable sur  $[1, +\infty[$ . On note  $C$  la courbe représentative de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . Alors :

- (A) Si  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$  alors  $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x] = 0$
- (B) Si  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1$  alors la droite d'équation  $y = x$  est asymptote à  $C$  en  $+\infty$
- (C) Si  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{\ln x} = 1$  alors  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$
- (D) Si la droite d'équation  $y = x$  est asymptote à  $C$  en  $+\infty$  alors  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{\ln x} = 0$
- (E) Si la droite d'équation  $y = x$  est asymptote à  $C$  en  $+\infty$  alors  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{e^x} = 0$

# STAGES PRÉPA CONCOURS ADVANCE

## LA MEILLEURE PRÉPA ADVANCE

- Réveiller la motivation et l'enthousiasme
- Formules de préparation modulables
- Des intervenants spécialistes du concours
- Ateliers de prises de parole

 [Préparation concours  
Advance](#)



## STAGES PRÉPA CONCOURS ADVANCE EN LIGNE

- Une prépa en ligne avec suivi dès l'inscription
- Préparation rigoureuse, méthodique et efficace
- Conseils de méthodologie

 [Stage en ligne prépa  
concours Advance](#)

