



**EPREUVE DE
MATHEMATIQUES**

DUREE : 1h30mn

Coefficient 5

CONSIGNES SPECIFIQUES

Lisez soigneusement les consignes ci-dessous afin de réussir au mieux cette épreuve :

- Cette épreuve comporte volontairement plus d'exercices que vous ne pouvez en traiter dans le temps qui vous est imparti. La raison en est que votre professeur n'a pas encore forcément traité l'ensemble du programme de Terminale S.
- **Vous devez répondre à 45 questions parmi les 60 proposées (au choix) pour obtenir la note maximale.** Si vous traitez plus de 45 questions, seules les 45 premières seront prises en compte.
- Toutes les pages blanches situées au verso de ce sujet peuvent être utilisées à l'usage de brouillon si vous le souhaitez. Aucun brouillon ne vous sera distribué.
- L'usage de la calculatrice ou de tout autre appareil électronique est interdit.
- Aucun autre document que ce sujet et sa grille réponse n'est autorisé.

- Attention, il ne s'agit pas d'un examen mais bien d'un concours qui induit un classement. Même si vous trouvez ce sujet « difficile », ne vous arrêtez pas en cours de composition, n'abandonnez pas, restez concentré(e) et faites de votre mieux. Les autres candidats rencontrent probablement les mêmes difficultés que vous !

Barème :

Afin d'éliminer les stratégies de réponses au hasard, **chaque bonne réponse est gratifiée de 3 points**, tandis que les **mauvaises réponses sont pénalisées par le retrait d'1 point.**

EQUATIONS POLYNÔMIALES

Le nombre de solutions distinctes de l’équation $x^4 + 3x^2 = 0$:

1) dans \mathbb{R} est :

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 0 ou 4.

2) dans \mathbb{C} est :

- A) 1
 - B) 2
 - C) 3
 - D) 0 ou 4.
-

LIMITES

3) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{-3x^2 + 6x}{2x^2 - 8} =$

- A) $\frac{-3}{2}$
- B) $\frac{3}{2}$
- C) $\frac{-3}{4}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

4) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{-3x^2 + 6x}{2x^2 - 8} =$

A) $\frac{-3}{2}$

B) $\frac{3}{2}$

C) $\frac{-3}{4}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

5) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(x) - 2}{x^2} =$

A) $+\infty$

B) $-\infty$

C) n’existe pas

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

EXPONENTIELLE ET LOGARITHME

6) $2 \ln(2) + \ln(27) + \ln\left(\frac{1}{4}\right) - \ln(\sqrt{3}) =$

A) $3 \ln\left(29 + \frac{1}{4} - \sqrt{3}\right)$

B) $-2,5 \ln(3)$

C) $5 \ln(\sqrt{3})$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

7) $e^{\ln(1)-\ln(2)+\ln(3)-\ln(4)+\ln(5)} =$

A) 3

B) $\frac{15}{8}$

C) 5!

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

8) Pour tout réel $x \in]0;1[$:

A) $(\ln(x))^2 = 2 \ln(x)$

B) $(\ln(x))^2 > 2 \ln(x)$

C) $(\ln(x))^2 < 2 \ln(x)$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

9) Pour tout réel $x \in]1;+\infty[$:

A) $(\ln(x))^2 = 2 \ln(x)$

B) $(\ln(x))^2 > 2 \ln(x)$

C) $(\ln(x))^2 < 2 \ln(x)$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte

Dans \mathbb{R} :

10) l'équation $e^{\ln(-x^2+7)} = -7 + x^2$ a pour solution :

A) $S = \emptyset$

B) $S = \{\sqrt{7}\}$

C) $S = \{-\sqrt{7}; \sqrt{7}\}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

11) l'équation $\ln(e^{-x^2+7}) = -7 + x^2$ a pour solution :

A) $S = \emptyset$

B) $S = \{\sqrt{7}\}$

C) $S = \{-\sqrt{7}; \sqrt{7}\}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

12) L'ensemble des solutions de l'inéquation $(e^{-x} - 1)(1 + x) \geq 0$ est :

A) $[-1; 0]$

B) $] -\infty; -1] \cup [0; +\infty[$

C) $[0; +\infty[$

D) $] -\infty; -1]$

ETUDE DE FONCTIONS

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R}^* par $f(x) = \frac{e^{x^2}}{x}$

13) sa fonction dérivée f' est alors définie sur \mathbb{R}^* par $f'(x) =$

A) e^{x^2}

B) $2xe^{x^2}$

C) $\frac{(x-1)e^{x^2}}{x^2}$

D) $\frac{(2x^2-1)e^{x^2}}{x^2}$

14) f est strictement décroissante sur

A) $[-\frac{\sqrt{2}}{2}; \frac{\sqrt{2}}{2}]$

B) $[-1; \frac{-1}{2}]$

C) $[\frac{-1}{2}; \frac{-1}{4}]$

D) $[\frac{-1}{4}; \frac{-1}{2}]$

15) sa courbe représentative dans un repère orthonormal est symétrique par rapport à

A) l’axe des abscisses

B) l’axe des ordonnées

C) l’origine

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

16) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) =$

A) $+\infty$

B) $-\infty$

C) n’existe pas

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

17) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$

A) $+\infty$

B) $-\infty$

C) n’existe pas

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

TRIGONOMETRIE

18) Pour tout réel x , $\cos(x + \pi) - \cos(x - \pi) + \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) - \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right) =$

A) 0

B) $2 \cos(x)$

C) $2 \sin(x)$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

Dans l'intervalle $[-\pi; \pi]$,

19) l'équation $\sin^2(x) + \cos^2(x) = 0$ a pour solution :

A) $S = \left\{ \frac{-\pi}{4}; \frac{3\pi}{4} \right\}$

B) $S = \left\{ 0; \frac{\pi}{2} \right\}$

C) $S = [-\pi; \pi]$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

20) l'équation $\sin^2(x) + \cos^2(x) = 1$ a pour solution :

A) $S = \left\{ \frac{-\pi}{4}; \frac{3\pi}{4} \right\}$

B) $S = \left\{ 0; \frac{\pi}{2} \right\}$

C) $S = [-\pi; \pi]$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

21) l'équation $\sin(x) + \cos(x) = 0$ a pour solution :

A) $S = \left\{ \frac{-\pi}{4}; \frac{3\pi}{4} \right\}$

B) $S = \left\{ 0; \frac{\pi}{2} \right\}$

C) $S = [-\pi; \pi]$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

22) La fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \cos^3\left(\frac{x}{2}\right)$ est :

A) paire et 2π périodique

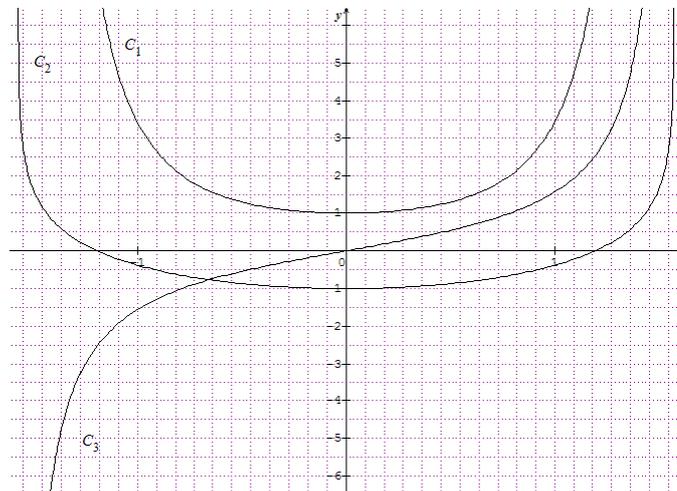
B) impaire et 2π périodique

C) paire et 4π périodique

D) impaire et 4π périodique

ANALYSE DE COURBES

23) C_1 C_2 C_3 sont les courbes représentatives d’une fonction f , de sa dérivée f' et d’une de ses primitives F



C_1 C_2 C_3 sont respectivement les courbes représentatives de :

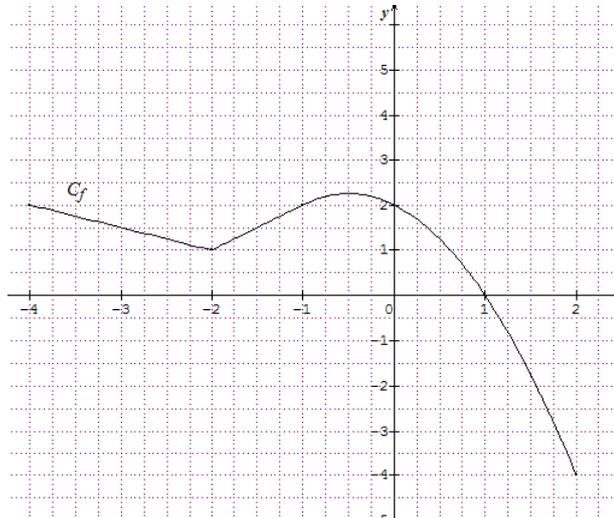
A) f , f' et F

B) f' , f et F

C) F , f' et f

D) f' , F et f .

Soit la courbe C_f ci-dessous représentant une fonction f :



24) la fonction f :

- A) est dérivable en -2 et en -1
- B) est dérivable en -2 mais pas en -1
- C) est dérivable en -1 mais pas en -2
- D) n'est dérivable ni en -2 ni en -1

25) $\lim_{\substack{x \rightarrow -2 \\ x < -2}} \frac{f(x) - f(-2)}{x + 2} =$

- A) $\frac{-1}{2}$
- B) -2
- C) n'existe pas
- D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

26) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} =$

- A) $-\infty$
 - B) $+\infty$
 - C) -3
 - D) -6
-

LOGIQUE - ARITHMETIQUE ...

27) La somme de tous les diviseurs entiers positifs de 48 est égale à :

- A) 123
- B) 124
- C) 76
- D) Aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

28) Dans une classe de T°S de 35 élèves qui sont chacun des filles ou des garçons, des internes ou des externes

On considère les deux propositions suivantes :

A : « Tout garçon est interne »

et B : « Il existe une fille interne »

Laquelle de ces propositions est exacte :

- A) si A est fausse alors B est nécessairement vraie.
- B) si B est vraie alors A est nécessairement fausse.
- C) pour prouver que B est fausse il est nécessaire de vérifier que toutes les filles sont externes.
- D) pour prouver que A est fausse il suffit de trouver un garçon externe.

29) Dans un groupe de 8 sportifs,

- A) on peut former autant d'équipes différentes de 3 que de 6 joueurs.
- B) on peut former plus d'équipes différentes de 6 que de 3 joueurs.
- C) on peut former plus d'équipes différentes de 3 que de 6 joueurs.
- D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

30) Sur \mathbb{R}^- $\sqrt{-x^3} =$

- A) $x\sqrt{x}$
- B) $-x\sqrt{x}$
- C) $x\sqrt{-x}$
- D) $-x\sqrt{-x}$

31) Sachant que $-3 \leq x \leq -1$, le maximum de $x + \frac{4}{x}$ est alors égal à

- A) -5
- B) $\frac{-7}{3}$
- C) -4
- D) $\frac{-13}{3}$.

TANGENTES

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = (1+x)^4$ et T_0 et T_1 les tangentes respectives à sa courbe représentative aux points d'abscisses 0 et -2 .

32) T_1 a pour équation réduite :

A) $y = 1$

B) $y = x - 2$

C) $y = 4x + 9$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

33) T_0 et T_1 se coupent alors au point de coordonnées :

A) $(-1 ; -3)$

B) $(0 ; 0)$

C) $(-3 ; -1)$

D) T_0 et T_1 sont parallèles.

SUITES

34) La suite (U_n) définie par $U_n = \sin((-2)^n n\pi)$

- A) est convergente
- B) diverge vers $-\infty$
- C) diverge vers $+\infty$
- D) diverge sans limite

35) Soit la suite arithmétique (U_n) telle que $U_{12} = 7$ et $U_{21} = -6$ alors $U_3 =$

- A) $\frac{-13}{9}$
- B) -20
- C) 20
- D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

36) Soient (U_n) ; (V_n) et (W_n) trois suites telles que pour tout $n \geq 2009$ $U_n < V_n < W_n$ avec

$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = -1$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} W_n = 2$ alors :

- A) (V_n) est obligatoirement minorée par -2010 et majorée par 2010 .
 - B) (V_n) peut être divergente.
 - C) (V_n) converge forcément vers un réel appartenant à $] -1 ; 2[$.
 - D) (V_n) converge forcément vers un réel appartenant à $[-1 ; 2]$.
-

NOMBRES COMPLEXES

Soient z_1 et z_2 les solutions dans \mathbb{C} de l’équation $-2z^2 + 3z - \frac{25}{8} = 0$

37) $|z_1 z_2| =$

A) $\frac{3}{2}$

B) $\frac{25}{4}$

C) $\frac{9}{16}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

38) $\arg(z_1) =$

A) $\arg(z_2)$

B) $-\arg(z_2)$

C) $\pi - \arg(z_2)$

D) $\pi + \arg(z_2)$

39) Le nombre complexe $z = (1 - i)^{10}$ est :

A) un réel strictement positif

B) un réel strictement négatif.

C) un imaginaire pur

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

40) A tout complexe $z \in \mathbb{C}^*$ tel que $z = x + iy$ où $(x; y) \in \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ on associe le nombre complexe $z' = \frac{1}{z}$.

L’écriture algébrique de z' est :

A) $\frac{x}{x^2 + y^2} + i \frac{y}{x^2 + y^2}$

B) $\frac{x}{x^2 + y^2} - i \frac{y}{x^2 + y^2}$

C) $\frac{y}{x^2 + y^2} + i \frac{x}{x^2 + y^2}$

D) $\frac{y}{x^2 + y^2} - i \frac{x}{x^2 + y^2}$

41) Dans un repère orthonormal direct du plan complexe, la transformation qui à tout point d’affixe z associe le point d’affixe $(1 - i)z$ est une :

A) translation

B) rotation

C) homothétie

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

42) La forme exponentielle de $-3(\cos(\frac{\pi}{7}) + \sin(\frac{\pi}{7}))$ est :

A) $-3e^{i\frac{\pi}{7}}$

B) $3e^{-i\frac{\pi}{7}}$

C) $3e^{i\frac{6\pi}{7}}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

PROBABILITES

43) A et B étant deux événements indépendants tels que $P(A) = 0,3$ et $P(A \cup B) = 0,65$

on a ainsi $P(B) =$

A) 0,5

B) 1

C) 0,05

D) 0,7

44) X étant une variable aléatoire prenant ses valeurs dans $\{-1; 1; 2\}$ telle que

$P(X = -1) = 0,3$ et $P(X = 1) = 0,5$, son espérance mathématique est alors égale à :

A) 0,2

B) 0,4

C) 0,6

D) 0,8

A et B étant deux événements tels que $P(A) = \frac{1}{4}$; $P(B) = \frac{3}{5}$ et $P_{\bar{A}}(B) = \frac{2}{3}$

45) on a ainsi $P_A(B) =$

A) $\frac{1}{3}$

B) $\frac{2}{5}$

C) $\frac{3}{5}$

D) $\frac{2}{3}$

46) et $P_B(\bar{A}) =$

A) $\frac{4}{6}$

B) $\frac{5}{6}$

C) $\frac{6}{6}$

D) $\frac{7}{6}$

GEOMETRIE ANALYTIQUE

47) Sachant que dans un repère orthonormal, les points A , B et C ont pour coordonnées

$A(-1;1)$; $B(1;0)$; $C(-2;-1)$, on peut alors affirmer que le triangle ABC est :

A) rectangle non isocèle

B) isocèle non rectangle

C) rectangle isocèle

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte.

Dans un repère orthonormal de l'espace

48) $x^2 + (y-1)^2 = 4$ est une équation

A) d'un cercle

B) d'une sphère

C) d'un plan

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte

49) $3x - 7z = 4$ est une équation

- A) d’une droite
 - B) d’un plan
 - C) d’un cercle
 - D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte
-

Dans l’espace rapporté à un repère orthonormal $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. on considère les points $A(0;1;4)$; $B(1;-1;0)$; $C(3;0;-3)$; $D(-6;3;18)$

50) ainsi :

- A) A, B et D sont alignés
- B) A, C et D sont alignés
- C) B, C et D sont alignés
- D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

51) les points A, B et C appartiennent tous trois :

- A) à une même droite
- B) au plan d’équation $8x + 6y - z = 2$
- C) au plan d’équation $-3x + y - z = -3$
- D) au plan d’équation $2x - y + z = 3$

52) par ailleurs,

- A) $AD > BC$
- B) $AD < BC$
- C) $AD = BC$
- D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

53) de plus, la distance du point O au plan (ABC) est égale à :

A) 0

B) $\frac{\sqrt{6}}{2}$

C) $\frac{3\sqrt{11}}{11}$

D) $\frac{2\sqrt{101}}{101}$

EQUATIONS DIFFERENTIELLES

54) la solution de l'équation différentielle $y = 2y' - 4$ telle que $y(0) = -1$ est

A) $y(x) = -3e^{2x} + 2$

B) $y(x) = e^{2x} - 2$

C) $y(x) = 3e^{0,5x} - 4$

D) $y(x) = -5e^{0,5x} + 4$

55) la solution de l'équation différentielle $y' + 2y = 4x$ telle que $y(0) = -1$ est

A) $y(x) = -e^{-2x} + 2x$

B) $y(x) = 2x - 1$

C) $y(x) = -2e^{-2x} + 2x + 1$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n'est correcte

INTEGRATION

56) Une primitive sur $] \frac{\pi}{2}; \pi[$ de la fonction f définie par $f(x) = \frac{\cos(x)}{\sin(x)}$ est définie par $F(x) =$

A) $-\frac{\sin(x)}{\cos(x)}$

B) $\frac{\sin(x)}{\cos(x)}$

C) $\ln(\sin(x))$

D) $-\ln(\sin(x))$

57) $\int_{-2}^2 x e^x dx =$

A) 0

B) $e^2 - 3e^{-2}$

C) $e^2 + 3e^{-2}$

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte.

58) Sur \mathbb{R} , la fonction f définie par $f(x) = \int_{-x}^x \frac{t^2}{1+t^2} dt$ est :

A) croissante

B) décroissante

C) non monotone

D) aucune des trois propositions proposées ci-dessus n’est correcte

59) Soit (I_n) la suite définie sur par $I_n = \int_{-0,5}^{0,5} x^n dx$

- A) (I_n) est convergente.
- B) (I_n) est monotone.
- C) pour tout $n \in \mathbb{N}$ $I_n > 0$.
- D) pour tout $n \in \mathbb{N}$ $I_n < 0$.

60) Dans un repère orthonormal d’unité graphique $2cm$, l’aire du domaine délimité par les droites d’équations $x = -2$ et $x = 2$, l’axe des abscisses et la courbe représentative de la fonction $x \rightarrow x^3$ est égale, en cm^2 à :

- A) 0
- B) 8
- C) 16
- D) 32

STAGES PRÉPA CONCOURS AVENIR

LA MEILLEURE PRÉPA AVENIR

- Intégration des meilleures écoles
- Une préparation progressive
- Petits groupes de préparation
- Support avec différents niveaux de difficulté

 [Préparation concours Avenir](#)



STAGES PRÉPA CONCOURS AVENIR EN LIGNE

- Entraînement et préparation dans les conditions réelles
- Application mobile PrepApp gratuite
- Format où l'élève est au centre de l'attention en pédagogie différenciée

 [Stage en ligne prépa
concours Avenir](#)

