

## INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

## COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de quatre exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie de l'espace	3 points	
Exercice 2	Nombres complexes	3 points	
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points	
Exercice 4	Equations différentielles et calcul intégral	2.5 points	
Problème	Etude de fonctions numériques et suites numériques	8.5 points	

- On désigne par  $\overline{z}$  le conjugué du nombre complexe z et |z| son module
- In désigne la fonction logarithme népérien

0,25

0.5

0.5

## Exercice 1 (3points):

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , on considère les points A(0,1,1), B(1,2,0) et C(-1,1,2)

- 0.5 1) a) Montrer que  $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{i} + \overrightarrow{k}$ 
  - b) En déduire que x+z-1=0 est une équation cartésienne du plan (ABC)
- O,5
   Soit (S) la sphère de centre Ω(1,1,2) et de rayon R = √2
   Déterminer une équation de la sphère (S)
- 0,5 3) Montrer que le plan (ABC) est tangent à la sphère (S) au point A
  - 4) On considère la droite (Δ) passant par le point Cet perpendiculaire au plan (ABC)
- 0,25 Déterminer une représentation paramétrique de la droite (Δ)
  - b) Montrer que la droite (Δ) est tangente à la sphère (S) en un point D dont on déterminera les coordonnées
  - c) Calculer le produit scalaire  $\overline{AC} \cdot (\overline{i} + \overline{k})$ , puis en déduire la distance  $d(A, (\Delta))$

## Exercice 2 (3points):

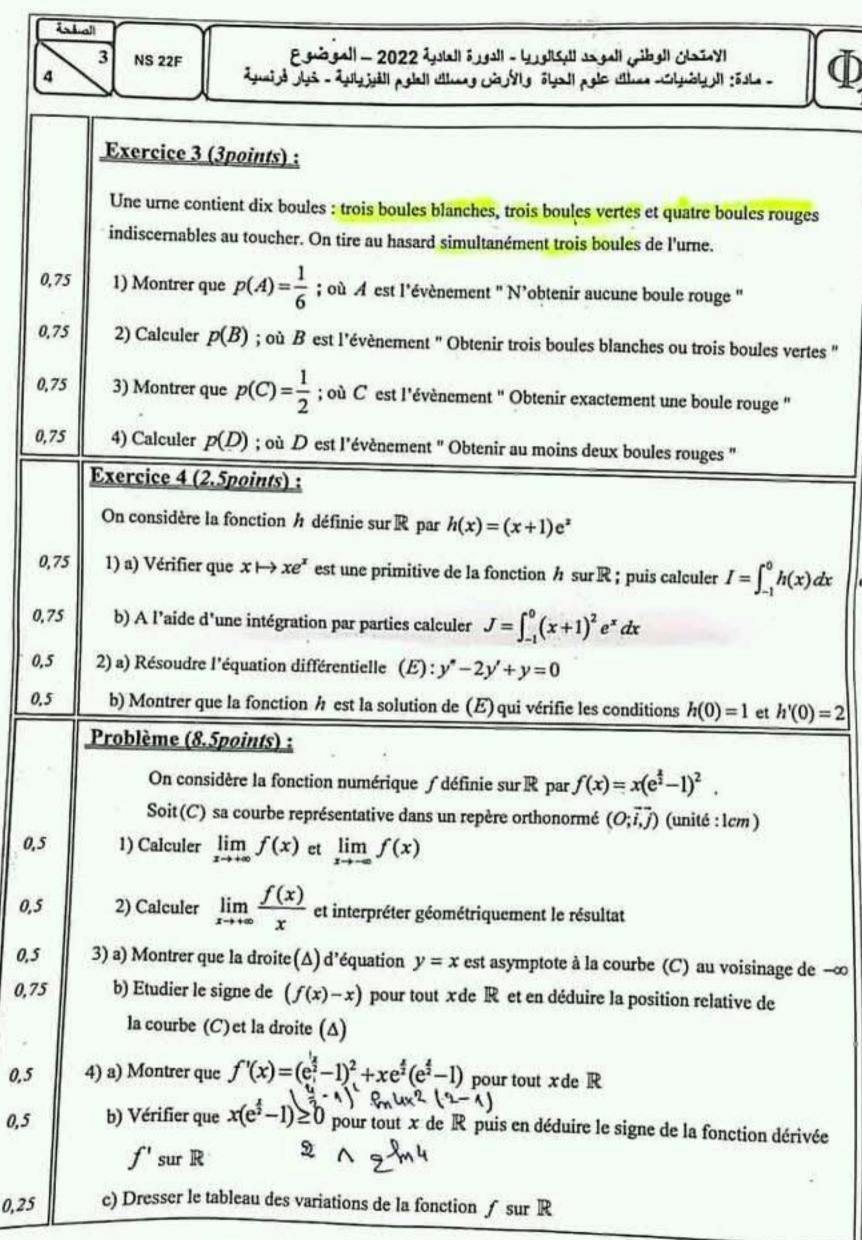
Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{u}, \vec{v})$ , on considère le point A d'affixe  $a = -1 - i\sqrt{3}$ , le point B d'affixe  $b = -1 + i\sqrt{3}$  et la translation t de vecteur  $\overrightarrow{OA}$ 

- 0,5 1) Prouver que l'affixe du point D image du point B par la translation t est d=-2
  - 2) On considère la rotation R de centre D et d'angle  $\left(\frac{2\pi}{3}\right)$ .
- 0.5 Montrer que l'affixe du point C image du point B par la rotation R est c = -4
- 0.5 3) a) Ecrire le nombre  $\frac{b-c}{a-c}$  sous forme trigonométrique
  - b) En déduire que  $\left(\frac{b-c}{a-c}\right)^2 = \frac{c-d}{b-d}$
  - 4) Soient (Γ) le cercle de centre D et de rayon 2 , (Γ') le cercle de centre O et de rayon 4 et M un point d'affixe z appartenant aux deux cercles (Γ) et (Γ')
    - a) Vérifier que |z+2|=2
    - b) Prouver que  $z + \overline{z} = -8$  (remarquer que |z| = 4)
    - c) En déduire que les cercles (Γ) et (Γ') se coupent en un point unique qu'on déterminera

0,5

0,25

0,5



4	د للبكالوريا - الدورة العادية 2022 – الموضوع م الحياة والأرض ومسلك العلوم الليزيائية - خيار فرنسية	ني المود سلك علو	ن الوطا يات- م	الامتحار الرياض	- مادة:		Φ	3
0,5	5) a) Montrer que $f''(x) = \frac{1}{2}e^{\frac{x}{2}}g(x)$ ; où							N
	$g(x) = (2x+4)e^{\frac{3}{2}} - x - 4 \text{ pour tout } x \text{ de } \mathbb{R}$	<del></del>	-			-	1	
0,5	b) A partir de la courbe ci-contre de la fonction $g$ , déterminer le signe de $g(x)$ sur $\mathbb{R}$ (Remarque : $g(\alpha) = 0$ )			7.		, 	(C)	The same of the same of
0,5	<ul> <li>c) Etudier la concavité de la courbe (C) et déterminer les abscisses des deux points d'inflexions.</li> </ul>	-					H	The second second
1	6) Construire la courbe (C) dans le repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$ (On prend : $\ln(4) \approx 1, 4$ , $\alpha = -4, 5$ et $f(\alpha) \approx -3, 5$ )	-0/	1			/		
i,5	7) a) Montrer que la fonction f admet une fonction réciproque f <sup>-1</sup> définie sur ℝ	1				-		The state of the s
,25	b) Calculer $(f^{-1})'(\ln 4)$							
	8) Soit $(u_n)$ la suite numérique définie par $u_0 = 1$ et $u_{n+1} = f(u_n)$	) pour	tout /	n de N				
,5	a) Montrer par récurrence que $0 < u_n < \ln 4$ pour tout $n \le N$							
,5	b) Montrer que la suite (u, ) est décroissante.							
,25	c) En déduire que la suite (u, ) est convergente.							
0,5	d) Calculer la limite de la suite $(u_n)$ .							