

Sujet 2

ÉPREUVE D'ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

EXERCICE 1

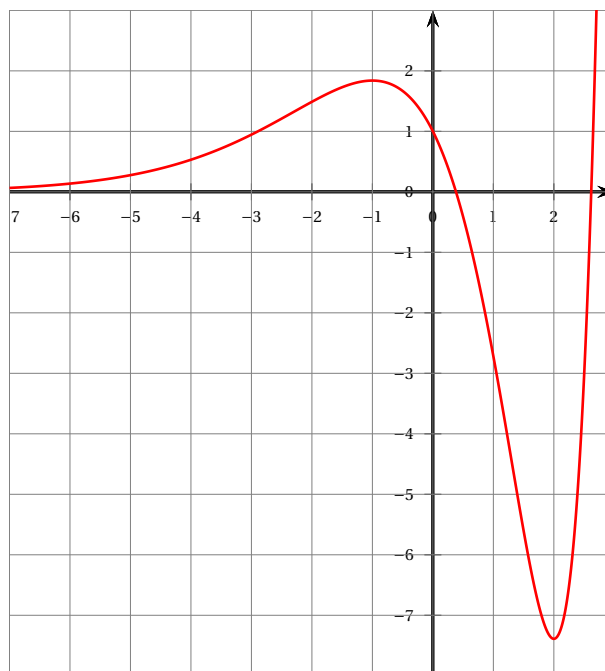
5 points

Partie A

Le plan est muni d'un repère orthogonal.

On considère une fonction  $f$  définie et dérivable sur  $\mathbb{R}$ . On note  $f'$  sa fonction dérivée.

On donne ci-dessous la courbe représentative de la fonction dérivée  $f'$ .



1. Le sens de variation de la fonction  $f$  sur  $\mathbb{R}$  est donné par le signe de la dérivée  $f'$ .
  - Sur  $] -\infty ; 0,4[$ ,  $f' > 0$  donc  $f$  est strictement croissante.
  - Sur  $]0,4 ; 2,6[$ ,  $f' < 0$  donc  $f$  est strictement décroissante.
  - Sur  $]2,6 ; +\infty[$ ,  $f' > 0$  donc  $f$  est strictement croissante.
2. La fonction  $f$  est convexe sur les intervalles sur lesquels la dérivée  $f'$  est croissante, soit sur  $] -\infty ; -1[$  et sur  $]2 ; +\infty[$ .

Partie B

On admet que la fonction  $f$  de la partie A est définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = (x^2 - 5x + 6)e^x$ .

On note  $\mathcal{C}$  la courbe représentative de la fonction  $f$  dans un repère.

1. a. On détermine la limite de la fonction  $f$  en  $+\infty$ .

$$\left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} (x^2 - 5x + 6) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty \end{array} \right\} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} (x^2 - 5x + 6)e^x = +\infty$$

donc  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

- b. On détermine la limite de la fonction  $f$  en  $-\infty$ .

$$\text{Pour } x \neq 0, f(x) = x^2 \left( 1 - \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2} \right) e^x = x^2 e^x \left( 1 - \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2} \right)$$

$$\left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 e^x = 0 \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(1 - \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}\right) = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 e^x \left(1 - \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}\right) = 0$$

donc  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$

2. La fonction  $f$  est dérivable sur  $\mathbb{R}$  et :

$$f'(x) = (2x - 5)e^x + (x^2 - 5x + 6) \times e^x = (2x - 5 + x^2 - 5x + 6)e^x = (x^2 - 3x + 1)e^x$$

3. Pour déterminer le sens de variation de la fonction  $f$ , on étudie le signe de  $f'(x)$ .

Pour tout  $x$ ,  $e^x > 0$  donc  $f'(x)$  est du signe de  $x^2 - 3x + 1$ .

$$\Delta = (-3)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 5 > 0; x' = \frac{-(-3) - \sqrt{5}}{2 \times 1} = \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \text{ et } x'' = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}$$

$x$	$-\infty$	$\frac{3-\sqrt{5}}{2}$	$\frac{3+\sqrt{5}}{2}$	$+\infty$	
$x^2-3x+1$	+	0	-	0	+
$e^x$	+		+		+
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f$	croissante		décroissante		croissante

4. La tangente ( $\mathcal{T}$ ) à la courbe  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 0 a pour équation réduite :

$$y = f'(0)(x - 0) + f(0).$$

$$\bullet f(x) = (x^2 - 5x + 6)e^x \text{ donc } f(0) = 6e^0 = 6$$

$$\bullet f'(x) = (x^2 - 3x + 1)e^x \text{ donc } f'(0) = 1e^0 = 1$$

$\mathcal{T}$  a pour équation réduite  $y = 1(x - 0) + 6$  soit  $y = x + 6$ .

On admet que la fonction  $f$  est deux fois dérivable sur  $\mathbb{R}$ . On note  $f''$  la fonction dérivée seconde de la fonction  $f$ . On admet que, pour tout réel  $x$ , on a  $f''(x) = (x + 1)(x - 2)e^x$ .

5. a. Pour étudier la convexité de la fonction  $f$  sur  $\mathbb{R}$ , on étudie le signe de  $f''(x)$ .

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$
$x+1$	$-$	$0$	$+$	$+$
$x-2$	$-$		$-$	$0$
$e^x$	$+$		$+$	$+$
$f''(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$
$f$	convexe		concave	
			convexe	

b. Sur  $[-1; 2]$ , la fonction  $f$  est concave donc la courbe  $\mathcal{C}$  est en dessous de ses tangentes, et en particulier en dessous de la tangente  $\mathcal{T}$  car  $0 \in [-1; 2]$ .

Donc, pour tout  $x$  appartenant à l'intervalle  $[-1; 2]$ , on a  $f(x) \leq x + 6$ .

## EXERCICE 2

5 points

On étudie un groupe de 3 000 sportifs qui pratiquent soit l'athlétisme dans le club A, soit le basketball dans le club B.

En 2023, le club A compte 1 700 membres et le club B en compte 1 300.

On décide de modéliser le nombre de membres du club A et du club B respectivement par deux suites  $(a_n)$  et  $(b_n)$ , où  $n$  désigne le rang de l'année à partir de 2023. L'année 2023 correspond au rang 0. On a alors  $a_0 = 1 700$  et  $b_0 = 1 300$ .

Pour notre étude, on fait les hypothèses suivantes :

- durant l'étude, aucun sportif ne quitte le groupe ;
- chaque année, 15 % des sportifs du club A quittent ce club et adhèrent au club B ;
- chaque année, 10 % des sportifs du club B quittent ce club et adhèrent au club A.

1. D'après le texte :

$$\begin{aligned} \bullet a_1 &= a_0 - \frac{15}{100}a_0 + \frac{10}{100}b_0 = 1700 - 255 + 130 = 1575 \\ \bullet b_1 &= b_0 - \frac{10}{100}b_0 + \frac{15}{100}a_0 = 1300 - 130 + 255 = 1425 \end{aligned}$$

2. Comme on suppose que durant l'étude, aucun sportif ne quitte le groupe, on a, pour tout entier naturel  $n$ ,  $a_n + b_n = 3000$ .

3. D'après le texte, on a :  $a_{n+1} = a_n - \frac{15}{100}a_n + \frac{10}{100}b_n$ .

Or  $a_n + b_n = 3000$  donc  $b_n = 3000 - a_n$ . On a alors :

$$\begin{aligned} a_{n+1} &= a_n - \frac{15}{100}a_n + \frac{10}{100}(3000 - a_n) = a_n - \frac{15}{100}a_n + \frac{10}{100} \times 3000 - \frac{10}{100}a_n \\ &= a_n - \frac{25}{100}a_n + 300 = \frac{75}{100}a_n + 300 = 0,75a_n + 300 \end{aligned}$$

4. a. Soit la propriété :  $1200 \leq a_{n+1} \leq a_n \leq 1700$ .

• **Initialisation**

$$a_0 = 1700 \text{ et } a_1 = 1575 \text{ donc } 1200 \leq a_1 \leq a_0 \leq 1700$$

Donc la propriété est vraie pour  $n = 0$ .

• **Hérédité**

On suppose la propriété vraie au rang  $n$ , soit  $1200 \leq a_{n+1} \leq a_n \leq 1700$  ; c'est l'hypothèse de récurrence.

$$1200 \leq a_{n+1} \leq a_n \leq 1700$$

$$\Leftrightarrow 0,75 \times 1200 \leq 0,75 \times a_{n+1} \leq 0,75 \times a_n \leq 0,75 \times 1700$$

$$\Leftrightarrow 900 \leq 0,75 \times a_{n+1} \leq 0,75 \times a_n \leq 1275$$

$$\Leftrightarrow 900 + 300 \leq 0,75 \times a_{n+1} + 300 \leq 0,75 \times a_n + 300 \leq 1275 + 300$$

$$\Leftrightarrow 1200 \leq a_{n+2} \leq a_{n+1} \leq 1575$$

$$\text{Or } 1575 \leq 1700 \text{ donc } 1200 \leq a_{n+2} \leq a_{n+1} \leq 1700.$$

La propriété est donc vraie au rang  $n + 1$  donc elle est héréditaire.

• **Conclusion**

La propriété est vraie au rang 0 et elle est héréditaire pour tout  $n \geq 0$  ; donc d'après le principe de récurrence, la propriété est vraie pour tout  $n \geq 0$ .

On a donc démontré que, pour tout  $n$ ,  $1200 \leq a_{n+1} \leq a_n \leq 1700$ .

b. Étude de la convergence de la suite  $(a_n)$ .

- Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $a_{n+1} \leq a_n$  donc la suite  $(a_n)$  est décroissante.
- Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $1200 \leq a_n$  donc la suite  $(a_n)$  est minorée.

La suite  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est décroissante et minorée donc, d'après le théorème de la convergence monotone, elle est convergente.

5. Soit  $(v_n)$  la suite définie pour tout  $n$  par  $v_n = a_n - 1200$  ; donc  $a_n = v_n + 1200$ .

$$\begin{aligned} \text{a. } v_{n+1} &= a_{n+1} - 1200 = 0,75a_n + 300 - 1200 = 0,75(v_n + 1200) - 900 \\ &= 0,75v_n + 900 - 900 = 0,75v_n \end{aligned}$$

$$v_0 = a_0 - 1200 = 1700 - 1200 = 500$$

Donc  $(v_n)$  est la suite géométrique de premier terme  $v_0 = 500$  et de raison  $q = 0,75$ .

- b. On en déduit que, pour tout  $n$ , on a :  $v_n = v_0 \times q^n = 500 \times 0,75^n$ .
- c. On sait que, pour tout  $n$ ,  $a_n = v_n + 1200$ , donc  $a_n = 500 \times 0,75^n + 1200$ .
6. a.  $-1 < 0,75 < 1$  donc  $\lim_{n \rightarrow +\infty} 0,75^n = 0$ ; on en déduit que  $\lim_{n \rightarrow +\infty} 500 \times 0,75^n = 0$  et donc que  $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 1200$ .
- b. On peut donc dire qu'à long terme, le nombre de sportifs dans le club A va tendre vers 1200, et donc que le nombre de sportifs dans le club B va tendre vers  $3000 - 1200 = 1800$ .
7. a. On complète le programme Python ci-dessous afin qu'il renvoie la plus petite valeur de  $n$  à partir de laquelle le nombre de membres du club A est strictement inférieur à 1280.

```
def seuil() :
    n = 0
    A = 1700
    while A >= 1280 :
        n = n + 1
        A = 0.75 * A + 300
    return n
```

- b. La valeur renvoyée lorsqu'on appelle la fonction `seuil` est la plus petite valeur de  $n$  telle que  $a_n < 1280$ . On résout cette inéquation.
- $$a_n < 1280 \iff 500 \times 0,75^n + 1200 < 1280 \iff 500 \times 0,75^n < 80$$
- $$\iff 0,75^n < \frac{80}{500} \iff \ln(0,75^n) < \ln(0,16) \iff n \ln(0,75) < \ln(0,16)$$
- $$\iff n > \frac{\ln(0,16)}{\ln(0,75)}$$
- Or  $\frac{\ln(0,16)}{\ln(0,75)} \approx 6,38$  donc la valeur de  $n$  renvoyée par la fonction `seuil` est 7.

## EXERCICE 3

5 points

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé d'unité 1 cm, on considère les points

$$D(3 ; 1 ; 5), \quad E(3 ; -2 ; -1), \quad F(-1 ; 2 ; 1), \quad G(3 ; 2 ; -3)$$

1. a. Le vecteur  $\overrightarrow{EF}$  a pour coordonnées  $\begin{pmatrix} -1 - 3 \\ 2 - (-2) \\ 1 - (-1) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix}$
- Le vecteur  $\overrightarrow{FG}$  a pour coordonnées  $\begin{pmatrix} 3 - (-1) \\ 2 - 2 \\ -3 - 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ -4 \end{pmatrix}$
- b.  $-4 \times (-1) = 4$  et  $4 \times (-1) = -4 \neq 0$  donc les vecteurs  $\overrightarrow{EF}$  et  $\overrightarrow{FG}$  ne sont pas colinéaires; on en déduit que les points E, F et G ne sont pas alignés.
2. a. La droite (FG) passe par le point F et a pour vecteur directeur  $\overrightarrow{FG}$ ; elle a donc pour représentation paramétrique :
- $$\begin{cases} x = x_F + 4t \\ y = y_F + 0t \\ z = z_F + (-4)t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R} \quad \text{soit} \quad \begin{cases} x = -1 + 4t \\ y = 2 \\ z = 1 - 4t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$
- b. On appelle H le point de coordonnées (2 ; 2 ; -2).
- H est le projeté orthogonal de E sur la droite (FG) si H appartient à la droite (FG) et si les vecteurs  $\overrightarrow{EH}$  et  $\overrightarrow{FG}$  sont orthogonaux.

- Le point H appartient à la droite (FG) si on peut trouver une valeur de  $t$

$$\text{telle que : } \begin{cases} x_H = -1 + 4t \\ y_H = 2 \\ z_H = 1 - 4t \end{cases} \quad \text{c'est-à-dire} \quad \begin{cases} 2 = -1 + 4t \\ 2 = 2 \\ -2 = 1 - 4t \end{cases}$$

La valeur  $t = \frac{3}{4}$  convient donc le point H appartient à la droite (FG).

- Le vecteur  $\overrightarrow{EH}$  a pour coordonnées  $\begin{pmatrix} 2-3 \\ 2-(-2) \\ -2-(-1) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{FG}$  a pour co-

$$\text{ordonnées } \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ -4 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{EH} \cdot \overrightarrow{FG} = (-1) \times 4 + 4 \times 0 + (-1) \times (-4) = 0 \text{ donc } \overrightarrow{EH} \perp \overrightarrow{FG}$$

Le point H est donc le projeté orthogonal du point E sur la droite (FG).

- c. D'après les questions précédentes, [EH] est la hauteur du triangle EFG correspondant à la base [FG]; donc l'aire du triangle EFG vaut, en  $\text{cm}^2$  :

$$\mathcal{A} = \frac{EH \times FG}{2}.$$

$$\bullet \overrightarrow{EH} \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix} \text{ donc } EH = \sqrt{(-1)^2 + 4^2 + (-1)^2} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$$

$$\bullet \overrightarrow{FG} \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ -4 \end{pmatrix} \text{ donc } FG = \sqrt{4^2 + 0^2 + (-4)^2} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

$$\text{Donc l'aire du triangle est en } \text{cm}^2 : \mathcal{A} = \frac{3\sqrt{2} \times 4\sqrt{2}}{2} = 12.$$

3. a. Le vecteur  $\vec{n} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$  est un vecteur normal au plan (EFG) s'il est orthogonal à  $\overrightarrow{EF}$  et à  $\overrightarrow{FG}$ .

$$\bullet \vec{n} \cdot \overrightarrow{EF} = 2 \times (-4) + 1 \times 4 + 2 \times 2 = 0 \text{ donc } \vec{n} \perp \overrightarrow{EF}$$

$$\bullet \vec{n} \cdot \overrightarrow{FG} = 2 \times 4 + 1 \times 0 + 2 \times (-4) = 0 \text{ donc } \vec{n} \perp \overrightarrow{FG}$$

Le vecteur  $\vec{n} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$  est donc un vecteur normal au plan (EFG).

- b.  $\vec{n} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$  est un vecteur normal au plan (EFG), donc le plan (EFG) a une équation

de la forme  $2x + y + 2z + d = 0$  où  $d$  est un réel à déterminer.

F est un point de (EFG) donc  $2x_F + y_F + 2z_F + d = 0$  c'est-à-dire

$$2 \times (-1) + 2 + 2 \times 1 + d = 0 \text{ ce qui donne } d = -2.$$

Le plan (EFG) a donc pour équation  $2x + y + 2z - 2 = 0$ .

- c. La droite ( $d$ ) passant par le point D et orthogonale au plan (EFG) a pour vecteur directeur tout vecteur normal au plan (EFG) donc en particulier le vecteur  $\vec{n}$ . Elle a donc pour représentation paramétrique;

$$\begin{cases} x = x_D + x_{\vec{n}} t \\ y = y_D + y_{\vec{n}} t \\ z = z_D + z_{\vec{n}} t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R} \quad \text{c'est-à-dire} \quad \begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 5 + 2t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$$

- d. On note K le projeté orthogonal du point D sur le plan (EFG). Le point K appartient donc à la droite (d) et au plan (EFG) donc ses coordonnées sont solutions du système :

$$\begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 1 + t \\ z = 5 + 2t \\ 2x + y + 2z - 2 = 0 \end{cases}$$

On a donc  $t$  tel que  $2(3 + 2t) + (1 + t) + 2(5 + 2t) - 2 = 0$ , soit

$$6 + 4t + 1 + t + 10 + 4t - 2 = 0 \text{ ou encore } 9t + 15 = 0; \text{ ce qui donne } t = -\frac{15}{9} = -\frac{5}{3}.$$

On a donc :  $x_K = 3 + 2t = 3 + 2\left(-\frac{5}{3}\right) = -\frac{1}{3}$ ,  $y_K = 1 + t = 1 + \left(-\frac{5}{3}\right) = -\frac{2}{3}$  et

$$z_K = 5 + 2t = 5 + 2\left(-\frac{5}{3}\right) = \frac{5}{3}$$

Donc le point K a pour coordonnées  $\left(-\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{5}{3}\right)$ .

$$\begin{aligned} 4. \quad a. \quad DK^2 &= \left(-\frac{1}{3} - 3\right)^2 + \left(-\frac{2}{3} - 1\right)^2 + \left(\frac{5}{3} - 5\right)^2 = \left(-\frac{10}{3}\right)^2 + \left(-\frac{5}{3}\right)^2 + \left(-\frac{10}{3}\right)^2 \\ &= \frac{100}{9} + \frac{25}{9} + \frac{100}{9} = \frac{225}{9} = 25 \end{aligned}$$

Donc la distance DK est égale à 5 cm.

- b. Le volume du tétraèdre DEFG est donné par la formule :  $\frac{\text{aire de la base} \times \text{hauteur}}{3}$ .

Une base du tétraèdre est le triangle EFG d'aire 12, et la hauteur relative à cette base est [DK] de longueur 5.

Le volume du tétraèdre DEFG est donc, en  $\text{cm}^3$  :  $\frac{12 \times 5}{3} = 20$ .

#### EXERCICE 4

5 points

1. On considère la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $]1; +\infty[$  par  $f(x) = 0,05 - \frac{\ln x}{x-1}$ .

La limite de la fonction  $f$  en  $+\infty$  est égale à :

- a.  $+\infty$                       b. 0,05                      c.  $-\infty$                       d. 0

$$\begin{aligned} &\left\| \begin{aligned} f(x) &= 0,05 - \frac{\ln x}{x-1} = 0,05 - \frac{\ln x}{x} \times \frac{x}{x-1} \\ \text{Or } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} &= 0 \text{ et } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{x-1} = 1 \text{ donc } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} \times \frac{x}{x-1} = 0. \\ \text{On en déduit que } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) &= 0,05. \end{aligned} \right. \end{aligned}$$

Réponse b.

2. On considère une fonction  $h$  continue sur  $[-2; 4]$  telle que :  $h(-1) = 0$ ,  $h(1) = 4$ ,  $h(3) = -1$ .

On peut affirmer que :

- a. la fonction  $h$  est croissante sur l'intervalle  $[-1; 1]$ .  
b. la fonction  $h$  est positive sur l'intervalle  $[-1; 1]$ .  
c. il existe au moins un nombre réel  $a$  dans l'intervalle  $[1; 3]$  tel que  $h(a) = 1$ .  
d. l'équation  $h(x) = 1$  admet exactement deux solutions dans l'intervalle  $[-2; 4]$ .

$$\left\| \begin{aligned} &\text{C'est l'application du théorème des valeurs intermédiaires sur l'intervalle} \\ &[1; 3]. \end{aligned} \right.$$

Réponse c.

3. On considère deux suites  $(u_n)$  et  $(v_n)$  à termes strictement positifs telles que

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty \text{ et } (v_n) \text{ converge vers } 0.$$

On peut affirmer que :

- a. la suite  $\left(\frac{1}{v_n}\right)$  converge.                      b. la suite  $\left(\frac{v_n}{u_n}\right)$  converge.  
 c. la suite  $(u_n)$  est croissante.                      d.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (-u_n)^n = -\infty$

|| Limite du quotient de deux suites.

Réponse b.

4. Pour participer à un jeu, un joueur doit payer 4 €.

Il lance ensuite un dé équilibré à six faces :

- s'il obtient 1, il remporte 12 €;
- s'il obtient un nombre pair, il remporte 3 €;
- sinon, il ne remporte rien.

En moyenne, le joueur :

- a. gagne 3,50 €    b. perd 3 €.  
 c. perd 1,50 €    d. perd 0,50 €.

|| Soit  $X$  la variable aléatoire qui donne le gain (mise moins ce que l'on gagne); on cherche l'espérance mathématique de cette variable aléatoire.

tirage	nombre 1	nombre pair	autre
gain	$12 - 4 = 8$	$3 - 4 = -1$	$0 - 4 = -4$
probabilité	$\frac{1}{6}$	$\frac{3}{6}$	$\frac{2}{6}$

||  $E(X) = 8 \times \frac{1}{6} + (-1) \times \frac{3}{6} + (-4) \times \frac{2}{6} = -\frac{3}{6} = -\frac{1}{2}$  ce qui correspond à une perte de 0,50 €.

Réponse d.

5. On considère la variable aléatoire  $X$  suivant la loi binomiale  $\mathcal{B}(3; p)$ .

On sait que  $P(X = 0) = \frac{1}{125}$ . On peut affirmer que :

- a.  $p = \frac{1}{5}$     b.  $P(X = 1) = \frac{124}{125}$   
 c.  $p = \frac{4}{5}$     d.  $P(X = 1) = \frac{4}{5}$

|| 
$$P(X = 0) = \binom{3}{0} \times p^0 \times (1-p)^{3-0} = (1-p)^3$$

|| On a donc  $(1-p)^3 = \frac{1}{125} \iff (1-p)^3 = \left(\frac{1}{5}\right)^3 \iff 1-p = \frac{1}{5}; \text{ donc } p = \frac{4}{5}.$

Réponse c.