

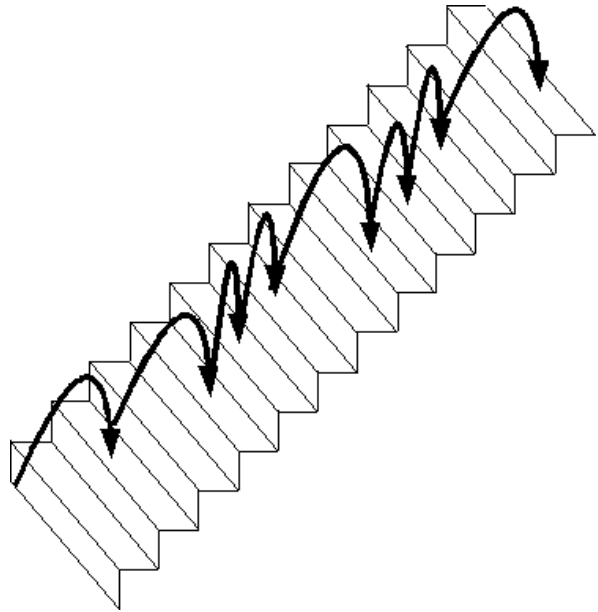
Exercice numéro 1

L'escalier

On peut monter un escalier une ou deux marches à la fois. La figure de droite montre un exemple.

1. De combien de façons différentes peut-on monter un escalier de une marche ? de deux marches ? de trois marches ? de quatre marches ? de cinq marches ?

2. De combien de façons différentes peut-on monter un escalier de 20 marches ?



Exercice numéro 2

Découpages et assemblage

Le but du problème est la décomposition de certains triangles en deux triangles isocèles.

L'usage des instruments traditionnels (équerre, règle graduée, compas, rapporteur) est autorisé et sans doute nécessaire. Il est rappelé que les problèmes de construction appellent une argumentation rédigée.

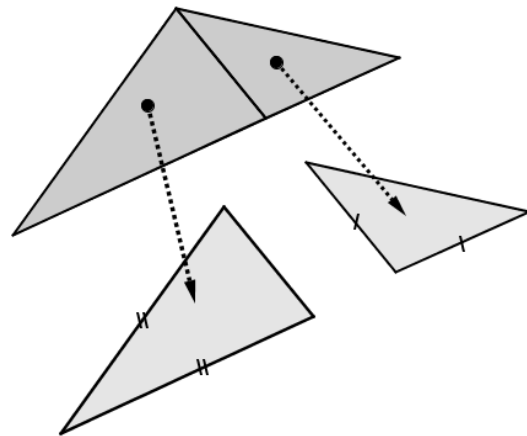
1. On considère un triangle rectangle ABC. Décomposer ce triangle en deux triangles isocèles.

2. a. On considère un triangle DEF. L'angle de sommet E mesure 35 degrés et l'angle de sommet F mesure 70 degrés.

Décomposer ce triangle en deux triangles isocèles.

b. Construire un triangle GHI différent des deux précédents tel que l'on puisse le décomposer en deux triangles isocèles.

3. On considère un triangle KLM isocèle et d'angle à la base de mesure x . Comment lui accoler un autre triangle isocèle afin d'obtenir un nouveau triangle isocèle ?



Un découpage possible

(la figure n'est pas juste)

Exercice numéro 3

Des un avec des neuf

1. Calculer les sommes : $a = 99 + 999$ et $b = 99 + 999 + 9999$.

2. On considère le nombre N défini comme la somme :

$$N = 99 + 999 + 9999 + \dots + 9999999 \dots 999$$

Le premier terme de cette somme s'écrit avec deux chiffres 9 ; on ajoute les nombres s'écrivant avec trois puis quatre chiffres 9, etc. Le dernier terme de la somme s'écrit avec cent chiffres 9.

On effectue la somme et on écrit N en écriture décimale ordinaire. Combien de fois le chiffre 1 apparaît-il dans cette écriture ?

Exercice numéro 4

Faites-moi une petite place

On considère un cercle C_0 , de centre O et de rayon 6, et deux diamètres perpendiculaires $[AC]$ et $[BD]$ de ce cercle. On désigne par M et N les milieux de $[AO]$ et $[OC]$. On note C_1 et C_2 les cercles de rayon 3 et de centres respectifs M et N .

1. Déterminer la position du centre P et le rayon du cercle C_3 tangent aux cercles C_0 , C_1 et C_2 (on rappelle que les centres de deux cercles tangents et leur point de contact sont alignés).

2. Montrer que, si on appelle Q le centre du cercle C_4 tangent aux cercles C_0 , C_1 et C_3 , le quadrilatère $MOPQ$ est un rectangle. Quel est le rayon du cercle C_4 ?

